

Python tanfolyam

12. alkalom

Algoritmus

- Egy tetszőleges feladat megoldásához szükséges lépéseket leíró utasítássorozatot (receptet) algoritmusnak nevezünk.
- Egy algoritmus nem feltétlenül képletekből áll, néha szöveges megfogalmazással is megadható. (Az iparban is)
- A program vagy forráskód az nem algoritmus, hanem egy algoritmus adott nyelven történő megvalósítása.
- Az algoritmus kigondolását, tervezését algoritmizálásnak nevezzük, ami tervezői munka.

Algoritmizálás

- Minden esetben szükséges?
 - Léteznek nevezetes feladatok, amire mások már megalkották az algoritmust. Ilyenkor ne álljunk neki job algoritmust keresni, hacsak nem az a feladat.
 - Például ha az a feladat, hogy adjunk össze számokat egy listában, arra tudjuk az algoritmust, nem kell rajta gondolkozni, csak le kell kódolni.
- De az algoritmus megírása nem azonos a feladat megértésével.
- Lépések:
 1. Feladat vagy probléma megértése
 2. Visszavezethető-e a feladat egy már ismert algoritmusra?
 3. Ha nem, akkor algoritmus megtervezése (papír, ceruza)
 4. Algoritmus tesztelése (papír, ceruza)
 5. Algoritmus adott programnyelven történő megvalósítása (számítógép)
 6. Program tesztelése

Algoritmusok fajtái

- Az algoritmusokat, melyekben valamilyen ismétlődő műveletet kell végrehajtani (általában ilyenek), két nagy csoportba szoktuk sorolni, attól függően, hogy az ismétlődést hogyan valósítjuk meg:
- Iteratív algoritmus:
 - Az ismétlődő lépéseket ciklusok segítségével oldjuk meg.
- Rekurzív algoritmus:
 - Az ismétlődést egy olyan függvény segítségével valósítjuk meg, mely saját magát hívja.
 - Igen, ezt egy kicsit bonyolult elképzelni...
 - Igen, ezektől mindenki fél egy kicsit...

Faktoriális számítás

- Feladat: Számoljuk ki egy természetes szám faktoriálisát.
- Feladat megértése:
 - $0! = 1$
 - $1! = 1$
 - $2! = 1 * 2$
 - $3! = 1 * 2 * 3$
 - $n! = 1 * 2 * \dots * n$
- Ránézésre, ciklussal könnyen meg lehet oldani a feladatot, mert a számokat 1-től össze kell szorozni egymással. Ez olyan, mint az összegzés, csak szorzással.

Faktoriális számítás – iteratív algoritmus

- Az összegzés algoritmusát ciklussal ismerjük:
 - Legyen egy akkumulátor, kezdetben 0 → szorzásnál ez 1 legyen
 - Vegyük sorban a számokat, és adjuk őket össze → szorozzuk őket össze.

```
def faktoriális_iteratív(n):  
    result = 1  
    for i in range(1, n+1):  
        result *= i  
  
    return result
```

Faktoriális számítás – rekurzív algoritmus

- Ez bonyolultabb, mert másképpen kell elképzelni a helyzetet.
- Ha “elég sokáig nézzük” a feladatot, akkor feltűnhet, hogy
 - $\text{faktorialis}(5) = 5 * \text{faktorialis}(4)$
 - $\text{faktorialis}(4) = 4 * \text{faktorialis}(3)$
 - $\text{faktorialis}(1) = 1$
- Tehát találtunk egy olyan mintát, ami ugyanannak a függvénynek a hívásán alapszik, csak más paraméterekkel.

Faktoriális számítás – rekurzív algoritmus

- Egy olyan függvényt kell készíteni, ami saját magát hívja, csak mindig egyel kisebb paraméterrel, és összeszorozza a bemeneti paramétert az eredménnyel.
- Rekurzív leszállásnak is szokták hívni.

```
def faktorialis_rekurzivan(n):  
    if n <= 1:  
        return 1  
    return n * faktorialis_rekurzivan(n-1)
```


Hogyan képzeljük ezt el?

- Nincs végtelen rekurzió.
 - Egy rekurzív függvény kötelező eleme a **kilépési feltétel**, azaz egy olyan ág, ami nem fog újabb függvényhívást eredményezni.
 - Mivel minden függvényhívás egy újabb elem a végrehajtási veremben, ezért ha nem lenne kilépési feltétel, elfogyna a memória.
 - Ezt úgy hívják, hogy Stack Overflow (nem a weboldal 😊)
- A kilépési feltétel teljesülésekor a legbelső függvény visszatér, ami miatt az azt hívó függvény is vissza tud térni, és így tovább...
- Tehát először “leszáll” az algoritmus a legelemibb részig, ahonnan már nincs tovább, majd visszafele kiszámolódik az egész.

Mi a nehéz a rekurzióban? A rekurzió



Fibonacci sorozat

- Feladat: Számítsuk ki a Fibonacci sorozat n -edik elemét.
- Fibonacci sorozat: 0,1,1,2,3,5,8,13,21,.....
- A Fibonacci sorozat első 3 eleme: 0,1,1
- A Fibonacci sorozat n -edik eleme ($n > 3$): A sorozat előző két elemének az összege
 - 0
 - 1
 - 1
 - $1+1 = 2$
 - $1+2 = 3$
 - $2+3 = 5$

Fibonacci sorozat – iteratív algoritmus

```
def fibonacci_iterativ(n):  
    sorozat = [0, 1, 1]  
  
    if n > 3:  
        for i in range(3, n):  
            kovetkezo = sorozat[i-1] + sorozat[i-2]  
            sorozat.append(kovetkezo)  
    return sorozat[n-1]
```

Fibonacci sorozat – rekurzív algoritmus

- Az elgondolás hasonló a faktoriális számításhoz.
- Az n -edik Fibonacci szám nem más, mint az $n-1$ és az $n-2$ Fibonacci szám összege.
- Kilépési feltétel?
 - Az első 3 számot nem kell számolnunk, tehát azokat csak egyszerűen visszaadhatja a függvény.
- Probléma: Nem hatékony, hiszen kétszer számol...

```
def fibonacci_rekurziv(n):  
    if n <= 1:  
        return n  
    else:  
        return(fibonacci_rekurziv(n-1) + fibonacci_rekurziv(n-2))
```

**KÖSZÖNÖM SZÉPEN A FIGYELMET
ÉS AZ AKTIV RÉSZVÉTELT!**